

ИВАН И. ПЕТР

# Логика изначального соответствия

15/06/2025

(с) 2025, Иван И. Петр

Лицензируется по **CC BY-SA 4.0**.

Данная работа:

- предоставляется исключительно как информация для ознакомления;
- не дается ни каких явных или подразумеваемых гарантий;
- может свободно распространяться при условии указания автора;
- не претендует на научную новизну или оригинальность;
- не исключает ошибки, опечатки, неверные суждения и интерпретации.

Автор подчёркивает, что данная теория разработана им самостоятельно в результате оригинальных размышлений, и хотя отдельные её элементы могут иметь параллели с существующими концепциями в области логики, семантики или философии языка, любые подобные совпадения являются непреднамеренными. В случае выявления существенного сходства с prior works автор готов признать приоритет предыдущих исследований. Ключевая новизна работы заключается в системном отказе от бинарной истинности как фундаментального принципа и утверждении первичности исходных состояний над их интерпретациями, что формирует её концептуальное ядро.

Данная работа носит исключительно концептуальный характер и представляет собой философско-методологический набросок, а не завершённую формально-логическую систему. Автор не претендует на создание всеобъемлющей логической теории со строгим аксиоматическим аппаратом и полной семантической интерпретацией. Однако предложенные идеи могут послужить основой для будущей формализации, если будут разработаны соответствующие математические инструменты и уточнены критерии верификации. Цель работы — в первую очередь постановка проблемы и стимулирование дискуссии о природе истинности, а не окончательное решение всех связанных с ней логических вопросов.

# Логика изначального соответствия

## ■ Основные определения:

1. **Исходное состояние (S)** – информация до интерпретации (напр., "снег белый").

*Пояснение:*

- S — это синтаксическая конструкция (например: строка, формула, высказывание), не имеющая семантического значения без контекста.
- $S \in P$ , где P — множество всех возможных синтаксически корректных предложений в языке L.

Язык L:

Фиксируемый алфавит, синтаксис и правила построения S. Например:

$S ::= p \mid \neg S \mid S \wedge S \mid \dots$  (p — атомарное предложение).

2. **Контекст (C)** – условия, в которых S рассматривается (напр., Земля, видимый спектр).

*Пояснение:*

- C — это набор условий, задающих интерпретацию S.
- $C \subseteq F \times V$ , где:

F — множество факторов (аспектов реальности: время, место, физические законы и т.д.),

V — множество значений этих факторов.

C записывается как множество пар:

$C = \{(f_1, v_1), (f_2, v_2), \dots\}, f_i \in F, v_i \in V.$

Пример:

$C = \{(\text{Планета}, \text{Земля}), (\text{Спектр}, \text{Видимый}), (\text{Время}, 2025)\}.$

3. **Соответствие ( $\models$ )** – проверка, согласуется ли S с C (не "истина/ложь", а  $S \models C$ ).

- $S \models C \Leftrightarrow$  Существует модель  $M_C$ , в которой S выполняется при условиях C.

**Уточнение:**

$M_C$  — интерпретационная модель, где:

- Каждому S ставится в соответствие *наблюдаемое явление* в рамках C.
- Проверка  $S \models C$  требует *эмпирической или логической верификации* в  $M_C$ .

Формально:  $M_C = (D, I)$ , где:

- $D$  — область интерпретации (например, объекты Вселенной в  $C$ ),
- $I$  — функция, сопоставляющая  $S$  с событиями/объектами в  $D$ .

*Пример:*

Для  $S = \text{"Снег белый"}$  и  $C = \{\text{Планета, Земля}\}$ ,  $S| = C$ , если в земных условиях снег отражает все длины волн видимого света.

## ■ Аксиомы:

### 1. Аксиома 1: контекстуальной зависимости

$\forall S \forall \text{Значение} (\text{Значение}(S) \text{ определено} \leftrightarrow \exists C (S| = C \vee S| \neq C)).$

**Следствие:** Без  $C$  любое  $S$  семантически некорректно.

### 2. Аксиома 2: Уникальность соответствия в заданном $C$

$\forall S \forall C ((S| = C) \oplus (S| \neq C)),$

где  $\oplus$  — исключающее "или".

**Смысл:**

- В фиксированном  $C$ ,  $S$  не может одновременно  $| =$  и  $| \neq$ .
- Но в разных  $C_1$  и  $C_2$ ,  $S$  может быть  $| = C_1$  и  $| \neq C_2$ .

*Пример:*

$S = \text{"Снег белый"}:$

$| =$  для  $C_1 = \{\text{планета: Земля}\},$

$| \neq$  для  $C_2 = \{\text{планета: Марс, спектр: ИК}\}.$

### 3. Аксиома 3: Композиция контекстов

$\forall C_1, C_2 \exists C_3 = C_1 \sqcup C_2 ((S| = C_1) \wedge (S| = C_2) \rightarrow (S| = C_3)).$

**Смысл:**

- Если  $S$  соответствует  $C_1$  и  $C_2$  по отдельности, то оно соответствует и их объединению  $C_3$ .
- Оператор  $\sqcup$  (например, объединение множеств факторов) должен быть явно определён.

*Пример:*

$C_1 = \{\text{температура: } 25^\circ\text{C}\}, C_2 = \{\text{давление: } 1 \text{ атм}\} \rightarrow C_3 = \{\text{температура: } 25^\circ\text{C}, \text{ давление: } 1 \text{ атм}\}.$

#### 4. Аксиома 4: Невозможность абсолютного соответствия

$$\nexists S \forall C (S| = C).$$

**Смысл:**

- Нет такого  $S$ , которое соответствовало бы *всем возможным*  $C$ .
- Критика классических "истин в последней инстанции".

*Пример:*

Даже  $S = "1 + 1 = 2"$  может  $\neq C$ , если  $C = \{\text{математика: модулярная арифметика mod } 1\}$ .

#### ■ Пример:

Пусть:

- $S = \text{"Вода кипит при } 100^\circ\text{C"}$ ,
- $C = \{(\text{Давление, } 1 \text{ атм}), (\text{Вещество, } \text{H}_2\text{O})\}$ .

**Проверка  $S| = C$ :**

1. Построить  $M_C$ : модель с  $D$  = лабораторные условия,  $I$  — стандартная химия.
2. Убедиться, что  $I(S)$  соответствует экспериментальным данным в  $D$ .

**Результат:**  $S| = C$ .

#### ■ Преимущества подхода:

- **Отказ от бинарности:** вместо И/Л – градации соответствия.
- **Гибкость:** одна и та же  $S$  может быть актуальна в  $C_1$  и неактуальна в  $C_2$ .
- **Онтологическая нейтральность:** не требует абсолютных истин, только проверку в заданных условиях.
- **Решение парадоксов:** Устраняются явно заданным  $C$ . Например:

"Это высказывание ложно"  $\rightarrow$  бессмысленно без  $C$ , т.к. нет контекста для оценки.

#### ■ Формальные ограничения:

1. Проблема регресса контекстов

**Формальное ограничение:**

$$\nexists C_{\text{abs}} \forall S (S| = C_{\text{abs}} \vee S| \neq C_{\text{abs}}),$$

где  $C_{\text{abs}}$  — «универсальный контекст».

**Следствия:**

- Для проверки  $S|C$  может потребоваться мета-контекст  $C'$ , определяющий правила интерпретации  $C$ .
- Возникает бесконечный регресс:  $C|C'|C''| \dots$

*Пример:*

- $S$ ="Законы физики постоянны".
- Чтобы проверить  $S|C$  (где  $C$ =Вселенная), нужен  $C'$ =Метафизические допущения.

**2. Неразрешимость произвольных контекстов****Формальное ограничение:**

$$\forall S \exists C (\text{Проверка } S|C \text{ алгоритмически неразрешима}).$$
**Следствия:**

- Невозможно создать универсальный алгоритм для проверки соответствия  $S$  в любом  $C$ .
- Требуется ручное задание правил интерпретации для каждого класса контекстов.

*Пример:*

- $S$ ="Эта картина красивая".
- Проверка  $S|C$  (где  $C$ =эстетическое восприятие) требует субъективных критериев.

**3. Зависимость от онтологии  $M_C$** **Формальное ограничение:**
 $S|C$ =Скорректно только если  $M_C$  непротиворечива.
**Следствия:**

- Если  $M_C$  противоречива (например,  $C$ =Мир, где  $1+1=3$ ), то  $S|C$  теряет смысл.
- Требуется внешний механизм валидации  $M_C$ .

*Пример:*

- $S$ ="Круглый квадрат существует",  $C$ =Геометрия в сновидениях.
- $M_C$  не имеет чёткой семантики  $\rightarrow S|C$  не верифицируемо.

**4. Проблема несовместимых контекстов****Формальное ограничение:**
 $\exists C_1, C_2 (\text{Не существует } C_3 = C_1 \sqcup C_2, \text{ где } S|C_3).$

### **Следствия:**

- Невозможно объединить некоторые контексты (например, квантовая механика и общая теория относительности).
- Логика не может разрешить конфликты между принципиально разными  $M_C$ .

### *Пример:*

- $S = \text{"Гравитация — это сила"}:$ 
  - $|=$  в  $C_1 = \text{Ньютоновская физика}$ ,
  - $| \neq$  в  $C_2 = \text{ОТО}$ .
  - $C_1 \sqcup C_2$  ведёт к противоречию.

## **5. Ограничение на выразительность языка L**

### **Формальное ограничение:**

$\exists S (S \in L \wedge \forall C (S \models C \text{ не определён})).$

### **Следствия:**

- Язык L может содержать предложения, которые нельзя проверить ни в каком C.
- Требуется синтаксический фильтр для исключения таких S.

### *Пример:*

- $S = \text{"Цвета звучат громко"} — \text{синтаксически корректно, но семантически бессмысленно в любом } C.$

## **■ Границы применимости**

**Работает** для задач с чёткими C и  $M_C$  (наука, инженерия, юриспруденция).